

Siano $f, g: [a, b] \Rightarrow \mathbb{R}$ derivabili in $[a, b]$.

Allora $\exists c \in (a, b): f'(c)(g(b) - g(a)) = g'(c)(f(b) - f(a))$

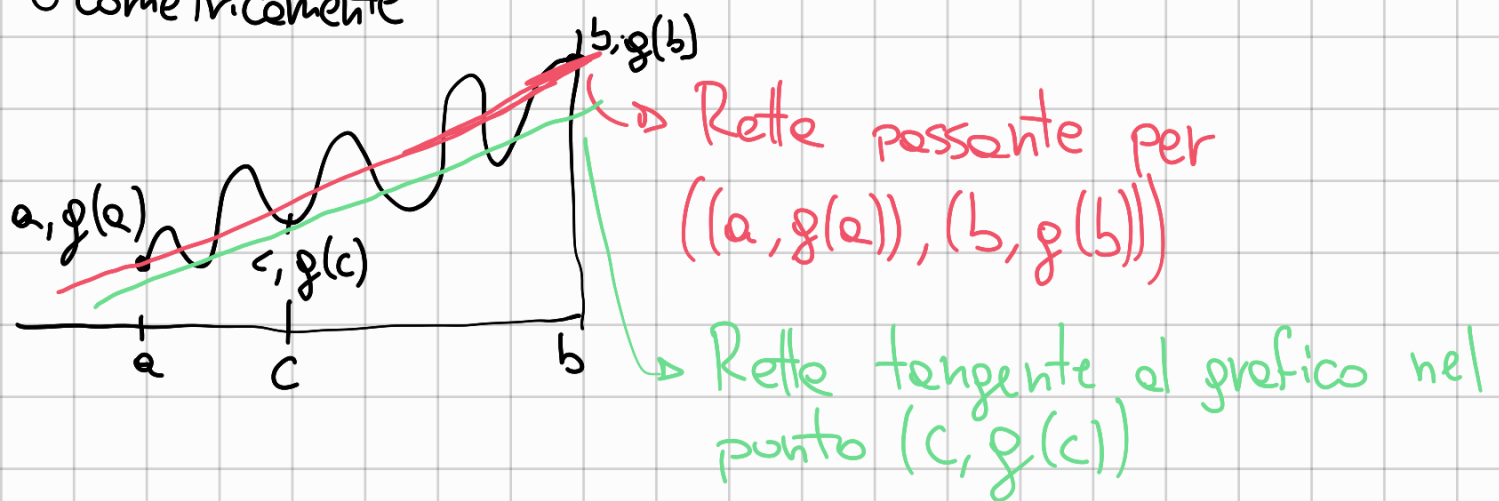
Con (Lagrange) Se $g(a) \neq g(b)$ riprendo il teorema di Cauchy,

$$f(x) = x \quad \exists c \in (a, b) \quad g'(c) = \frac{f(b) - f(a)}{g(b) - g(a)}$$

Nessun ipotesi sul valore di g su a e b

se succede $f(b) = f(a)$ si ritrova il teorema di Rolle

Geometricamente



$g(a) \neq g(b)$ che è $\frac{g(b) - g(a)}{b - a}$ pendenza della retta che passa da $a, g(a)$ a $b, g(b)$

$g'(c) = c$ è un punto c in cui la pendenza della
retta tangente al grafico in $c, g(c)$ è parallela
alla retta secante

La regola è conseguenza di Cauchy